

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
Федеральное государственное автономное образовательное
учреждение высшего образования
«ЮЖНЫЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»


СОГЛАСОВАНО

Директор Института компьютерных
технологий и информационной
безопасности


Г.Е. Веселов
«26» сентября 2019 г.

УТВЕРЖДАЮ

Директор Института математики,
механики и компьютерных наук
им. И.И. Воровича


М.И. Карякин
«26» сентября 2019 г.



ПРОГРАММА

вступительного испытания для поступающих
на образовательную программу высшего образования –
программу магистратуры

01.04.02 Прикладная математика и информатика

Ростов-на-Дону-Таганрог

2019

**Программа вступительного экзамена в магистратуру
по направлению подготовки
01.04.02 Прикладная математика и информатика
2020 год**

1. Математический анализ

1. Предельная точка. Предел функции. Замечательные пределы.
2. Производная и ее свойства. Старшие производные. Формула Тейлора.
3. Неопределенный интеграл. Определенный интеграл. Приложения определенного интеграла.
4. Экстремум функции одной и нескольких переменных.
5. Числовые ряды, свойства, признаки сходимости.

Литература

1. Демидович Б.Н. Сборник задач и упражнений по математическому анализу. – М.: Наука, 1977.

2. Алгебра и аналитическая геометрия

1. Определители и их свойства.
2. Матрицы. Операции над матрицами. Обратная матрица.
3. Многочлены, делимость, корни.
4. Линейные пространства. Линейная зависимость. Базис.
5. Собственные числа и собственные векторы линейных операторов.
6. Уравнения плоскости и прямой в пространстве. Кривые второго порядка.

Литература

1. Кряквин В.Д. Линейная алгебра в задачах и упражнениях. М.: Вузовская книга, 2006.

3. Дискретная математика

1. Множества. Операции над множествами. Понятие подмножества, пустого множества и универсального множества.
2. Булева алгебра высказываний. Нормальные формы алгебры высказываний. Совершенная дизъюнктивная нормальная форма и совершенная конъюнктивная нормальная

форма.

3. Бинарные отношения. Свойства бинарных отношений: рефлексивность, симметричность, антисимметричность, транзитивность. Отношения эквивалентности. Классы эквивалентности и их свойства.

4. Графы неориентированные и ориентированные. Степени вершин. Пути, циклы, достижимость, связность. Деревья и их свойства.

Литература

1. Ерусалимский Я.М. Дискретная математика: теория, задачи, приложения. М.: Вузовская книга. 2011. 280 с.

4. Дифференциальные уравнения

1. Дифференциальные уравнения первого порядка: уравнения с разделяющимися переменными, однородные уравнения, линейные уравнения, уравнения Бернулли.

2. Линейные однородные дифференциальные уравнения n -го порядка с постоянными коэффициентами. Случай простых корней. Теорема об общем решении.

3. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения n -го порядка с постоянными коэффициентами. Случай, когда правая часть — квазимногочлен. Теорема о виде частного решения.

4. Нормальные линейные системы дифференциальных уравнений с переменными коэффициентами. Свойства решений однородной системы. Фундаментальная система решений. Теорема об общем решении.

Литература

1. Понтрягин Л.С. Обыкновенные дифференциальные уравнения. М.: Наука, 1983.

5. Уравнения математической физики

1. Основные уравнения математической физики: уравнение теплопроводности, уравнения Лапласа и Пуассона, волновое уравнение. Постановка краевых задач.

2. Первая и вторая формулы Грина для оператора Лапласа.

3. Свойства собственных значений и собственных функций оператора Лапласа в ограниченной области.

4. Общая схема метода Фурье для ограниченных областей. Однородное и неоднородное уравнение теплопроводности.

5. Уравнение колебаний струны. Общее решение. Задача Коши для волнового уравнения на прямой. Формула Даламбера.

Литература

1. Тихонов А.Н., Самарский А.А. Уравнения математической физики. М.: Наука, 2004.

6. Численные методы

1. Интерполяционный многочлен Лагранжа, оценка его остаточного члена.
2. Интерполяционные квадратурные формулы, оценка их погрешности (на примерах формул прямоугольников, трапеций или Симпсона).
3. Методы решения задачи Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений: Рунге-Кутта и конечно-разностные.
4. Основные понятия теории разностных схем. Связь между аппроксимацией, устойчивостью и сходимостью.
5. Вариационные методы решений задач математической физики: метод Ритца, Галеркина, их вариационно-разностные варианты.

Литература

1. Калиткин Н.Н. Численные методы. БХВ-Петербург, 2011.

7. Теория вероятностей и математическая статистика

1. Понятие вероятностного пространства $\langle \Omega, A, P \rangle$. Множество элементарных исходов, алгебра событий, вероятностная функция. Классическое определение вероятности.
2. Повторные независимые испытания, формула Бернулли, теорема Муавра-Лапласа.
3. Случайная величина. Типы случайных величин. Функция распределения случайной величины и ее свойства.
4. Числовые характеристики случайных величин. Математическое ожидание, дисперсия и их свойства.
5. Закон больших чисел. Теоремы Бернулли, Хинчина, Чебышева.

Литература

1. Боровков А.А. Курс теории вероятностей. М.: Наука, 1972.

8. Методы оптимизации и исследование операций

1. Задача линейного программирования. Основная теорема линейного программирования. Симплекс-метод.
2. Теория двойственности в линейном программировании. Первая и вторая теоремы двойственности.
3. Выпуклое программирование. Теорема об одноэкстремальности задачи выпуклого программирования. Седловая точка функции Лагранжа и ее связь с оптимальным решением.
4. Задача о построении максимального потока. Метод Форда-Фалкерсона. Теорема о величине максимального потока и минимальной пропускной способности разреза.